

Devoir n°2 : A.O. Éléments de correction

E x 1 1. $I_{cp}(h)$ est une droite passant par l'origine \rightarrow équation du type $I_{cp} = k \times h$

Elle passe par $h = 2,5 \text{ m}$, $I_{cp} = 20 \text{ mA} = 0,02 \text{ A}$ d'où $k = \frac{I_{cp}}{h} = \frac{0,02}{2,5} = 8 \times 10^{-3} \text{ A} \cdot \text{m}^{-1}$

2. L'AO fonctionne en régime linéaire car R_2 relie E^- à $S \Rightarrow E = 0$

3. AO est parfait $\Rightarrow I^+ = I^- = 0$

4. $U_E = R I_{cp}$, car $I^+ = 0$ soit $U_E = 200 I_{cp}$

Avec $I_{cp} = k h$, $U_E = R \times k \times h = 200 \times 8 \times 10^{-3} h = 1,6 h$

5. Comme $I^- = 0$, R_1 et R_2 sont en série \Rightarrow application du diviseur de tension:

$$U_1 = \frac{R_1}{R_1 + R_2} U_{cp} \text{ d'où } U_{cp} = \frac{R_1 + R_2}{R_1} U_1 = \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right) U_1$$

6. $E = U_E - U_1$. Or $E = 0$ d'où $U_E = U_1$

7. Avec 4, 5 et 6: $U_{cp} = \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right) U_1 = \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right) U_E = \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right) 1,6 h$

$$U_{cp} = (1 + 2) 1,6 h = 4,8 h$$

E x 2 1. $V_{1\text{max}} = 4 \times 2 = 8 \text{ V}$; $V_{1\text{min}} = 2 \times 2 = 4 \text{ V}$; $T = 8 \times 10 \mu\text{s} = 80 \mu\text{s}$

2. L'AO fonctionne en régime non linéaire (pas de liaison entre E^- et S).

Quand $E = V_2 - V_1 > 0 \Leftrightarrow 7 - V_1 > 0 \Leftrightarrow V_1 < 7 \text{ V}$, $V_3 = V_{\text{sat}+} = 12 \text{ V}$

Quand $E = V_2 - V_1 < 0 \Leftrightarrow V_1 > 7 \text{ V}$, $V_3 = V_{\text{sat}-} = 0 \text{ V}$

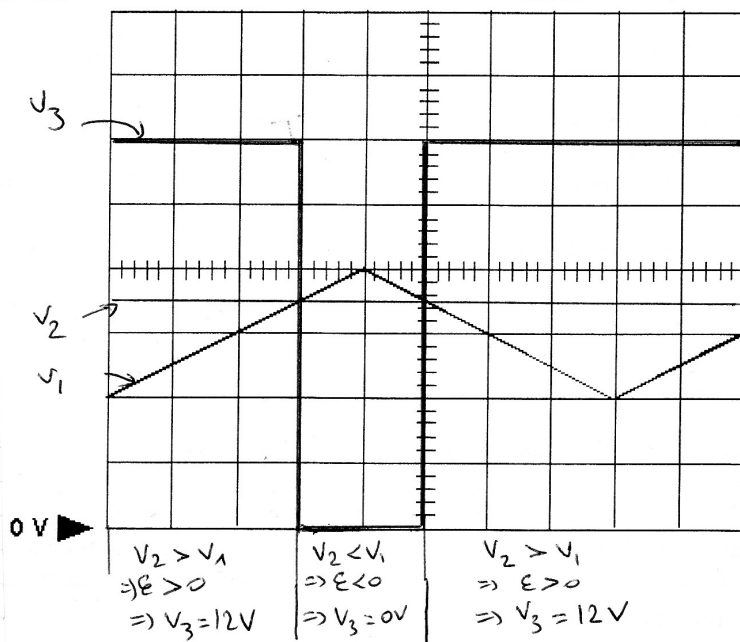
3. $\alpha = \frac{6 \times 10}{80} = 0,75$

4. Pour $\alpha = 0$, il faut $E < 0$ à tout instant soit $V_2 < V_1$ et donc

$$V_2 < V_{\text{min}}, \text{ donc } V_2 < 4 \text{ V}$$

Pour $\alpha = 1$, il faut $E > 0$ à tout instant soit $V_2 > V_1$ et donc

$$V_2 > V_{\text{max}}, \text{ donc } V_2 > 8 \text{ V}$$



Ex 3

1. Loi des mailles, pour la maille d'entrée : $x_{er} - R_1 i_1 - \varepsilon = 0$

$$\text{d'où } R_1 i_1 = x_{er} - \varepsilon \Rightarrow \boxed{i_1 = \frac{x_{er} - \varepsilon}{R_1}}$$

2. Loi des mailles, pour la maille avec ε , R_2 et v_s : $\varepsilon - R_2 i_2 - v_s = 0$

$$\text{soit } R_2 i_2 = \varepsilon - v_s \Rightarrow \boxed{i_2 = \frac{\varepsilon - v_s}{R_2}}$$

3. AO parfait $\Rightarrow i^+ = 0$ d'où $i_1 = i_2 + i^+ \Rightarrow \boxed{i_1 = i_2}$

4. Avec 1, 2 et 3 : $i_1 = i_2$

$$\frac{x_{er} - \varepsilon}{R_1} = \frac{\varepsilon - v_s}{R_2} \Rightarrow R_2 (x_{er} - \varepsilon) = R_1 (\varepsilon - v_s)$$

$$R_2 x_{er} - R_2 \varepsilon = R_1 \varepsilon - R_1 v_s$$

$$\Rightarrow R_2 x_{er} + R_1 v_s = R_1 \varepsilon + R_2 \varepsilon = (R_1 + R_2) \varepsilon$$

$$\Rightarrow \boxed{\varepsilon = \frac{R_2 x_{er} + R_1 v_s}{R_1 + R_2}}$$

5. Application numérique, avec $\varepsilon = 0$, $x_{er} = 0,5 \text{ V}$, $v_s = -15 \text{ V}$, $R_1 = 1 \text{ k}\Omega$

$$\varepsilon = 0 \Leftrightarrow R_2 x_{er} + R_1 v_s = 0$$

$$\Leftrightarrow R_2 = -\frac{R_1 v_s}{x_{er}} = -\frac{1 \text{ k}\Omega (-15)}{0,5} = \boxed{30 \text{ k}\Omega}$$